第1回天下一学問会番外編 数学

名前: 解答

100点

第1問 (30点)

(1) 0.4 (3点) (2) $-8x^2y^4/75$ (3点) (3) $3\sqrt{3}$ (3点) (4) -12 (4点)

(5) x = 13, y = -12 (完答で4点) (6) x = -4, -1 (3点)

(7) 3/8 (4点) (8) 平均点: 15点 中央値: 16点 最頻値: 16点 (各2点)

第2問 (20点)

(1) $16(3 \pm 1)$ (2) $y = -2x + 8(5 \pm 1)$

(3) 24 (7 \pm) (4) y = -10x (1 0 \pm)

第3問 (20点)

(1) $\underline{x+1}, \sqrt{2x^2}$ (6点) (2) $\underline{2+\sqrt{2}}$ (6点) (3) $\underline{(6+4\sqrt{2})/4}$ (8点)

第4問 (15点)

間違っている式変形: ④ ⇒ ⑤ (5点)

理由:

 $4 \Rightarrow 5 \land 0$ 変形では両辺を(a - b)で割っているが、①でa = bと仮定しておりa - b = 0である。

式変形において 0 で割る計算はできないため、この式変形が間違っている。(10点)

第5問 (15点)

結論:できない。(5点)

理由: 1×2の長方形ドミノ1つはチェス盤の明るいマスと暗いマスの両方を同時に敷き詰める。初期状態のチェス盤では明るいマス、暗いマスともに 32 マスあるが、ここで問題文に指定された 62 マスのチェス盤は暗いマスが 2 つ減った 30 マスである。そのためこの盤面にどのように長方形ドミノを置いたとしても、異なる明るさのマスの数が一致しないため変形後のチェス盤を埋め尽くすことはできない。(10点)